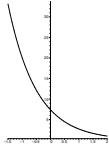


Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 1

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è meglio rappresentata dal seguente



grafico? Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- | | |
|----------------|-----------------|
| 1) $-e^{2-4x}$ | 2) $-\ln(2+4x)$ |
| 3) e^{2+4x} | 4) e^{2-4x} |

D.2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - x - 2}{x^3 - 2x^2 - 13x - 10}$

- 1) è $-\infty$
- 2) non esiste ma esiste il limite destro e vale $+\infty$
- 3) esiste finito
- 4) è 0

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ non è definito
- 2) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 0$
- 3) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$
- 4) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) non ha minimo in $[0, 2]$
- 2) raggiunge il minimo in $[0, 2]$ per $x = 1$
- 3) non ha massimo in $[1/2, 8]$
- 4) raggiunge il massimo in $[1/2, 8]$ per $x = 8$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) ha minimo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 2) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow +\infty$
- 3) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 4) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 2) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -3^+$
- 3) ha un asintoto orizzontale $y = 4$
- 4) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow +\infty$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) f è una funzione costante
- 2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 3$

D.8) La funzione definita da

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{8 - 2x^2} & \text{se } |x| < \sqrt{2} \\ k & \text{se } |x| \geq \sqrt{2} \end{cases}$$

- 1) non è continua se $k \neq 2$
- 2) è discontinua per ogni $k \in \mathbb{R}$
- 3) è continua su \mathbb{R} per $k = 0$
- 4) è continua su \mathbb{R} per almeno tre valori di $k \in \mathbb{R}$

D.9) Cosa posso affermare sapendo che la funzione f è continua in $(-3, 70)$?

- 1) L'immagine di f è contenuta in una semiretta negativa
- 2) Se f ha massimo uguale a B e minimo uguale a A allora la sua immagine è l'intervallo $[A, B]$
- 3) f ha massimo su $(1, 2)$
- 4) f non ha massimo su $[1, 2]$

D.10) Per quali valori del parametro reale k l'equazione $|x - 1|^3 + 4 = k$ ammette almeno 2 soluzioni reali distinte?

- 1) Nessuna delle altre soluzioni è giusta
- 2) $k \in \mathbb{R}$
- 3) Per nessun valore di k
- 4) $k < 4$

D.11) L'equazione $|\sqrt{|x|} - 4| = k$

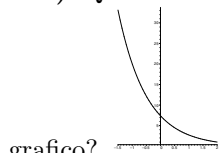
- 1) non ha soluzioni per alcun k
- 2) ammette 4 soluzioni distinte per $k = 4$
- 3) ammette 4 soluzioni distinte per $k \in (0, 4)$
- 4) nessuna delle altre risposte è giusta

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 2

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è meglio rappresentata dal seguente



grafico? Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- 1) $-e^{2-4x}$ 2) e^{2-4x}
 3) $-\ln(2+4x)$ 4) e^{2+4x}

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) e' 0 per ogni $a \in \mathbb{R}$
 2) non esiste per qualche $a \in \mathbb{R}$
 3) dipende $a \in \mathbb{R}$
 4) e' 5 per ogni $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ non è definito
 3) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$ non è definito
 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) ha in $[1/2, 8]$ minimo uguale a 0
 2) non ha minimo in $[0, 2]$
 3) raggiunge il massimo in $[1/2, 8]$ per $x = 4$
 4) non ha massimo in $[1/2, 8]$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow -\infty$
 2) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$
 3) ha due asintoti verticali
 4) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x-4}{x^2+3x}$

- 1) ha minimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$
 2) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow +\infty$
 3) non ha limite per $x \rightarrow 4$
 4) ha massimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 3$
 2) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
 4) f e' una funzione costante

D.8) Data la funzione f definita da:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(2x + 1) & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ \frac{\sin(x)}{x} - 1 & x < 0 \end{cases}$$

- 1) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è $-\infty$
 2) non esiste il limite per x che tende a zero
 3) non esiste il limite ma esistono i limiti destro e sinistro
 4) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 0

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia una e una sola radice reale?

- 1) Sia di grado 1
 2) Abbia termine noto uguale a zero
 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
 4) Sia di grado pari

D.10) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = -9/2$

- 1) nessuna delle altre risposte è giusta
 2) nessuna soluzione
 3) due soluzioni distinte
 4) una soluzione

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

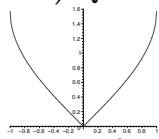
- 1) una soluzione
- 2) due soluzioni distinte
- 3) nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) nessuna soluzione

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 3

| | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Risposte | | | | | | | | | | | |
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- 1) $\arccos(x)$
- 2) $|\arcsin(x)|$
- 3) $|\arctan(x)|$
- 4) $\arcsin(x)$

D.2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - x - 2}{x^3 - 2x^2 - 13x - 10}$

- 1) non esiste ma esistono e sono infiniti i limiti destro e sinistro
- 2) è $\frac{1}{2}$
- 3) non esiste
- 4) è $\frac{-1}{2}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$
- 2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$
- 3) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -\infty$
- 4) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -\infty$

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) ha in $[0, 2]$ minimo uguale a 3
- 2) raggiunge il minimo in $[0, 2]$ per $x = 1$
- 3) raggiunge il massimo in $[1/2, 8]$ per $x = 4$
- 4) ha in $[1/2, 8]$ massimo uguale a 4

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 2) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -\infty$
- 3) ha minimo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 4) ha un asintoto verticale

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) non cambia segno nell'intervallo $(-3, 0)$
- 2) ha un asintoto orizzontale $y = 4$
- 3) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 4) ha massimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
afferma che

- 1) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 3) f è limitata sulla semiretta $(1, \infty)$
- 4) f è una funzione costante

D.8) La funzione definita da

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{8 - 2x^2} & \text{se } |x| < \sqrt{2} \\ k & \text{se } |x| \geq \sqrt{2} \end{cases}$$

- 1) è continua su \mathbb{R} per un solo valore di $k \in \mathbb{R}$
- 2) è continua su \mathbb{R} per $k = 0$
- 3) è continua su \mathbb{R} per ogni $k \in \mathbb{R}$
- 4) è discontinua per ogni $k \in \mathbb{R}$

D.9) Cosa posso affermare sapendo che la funzione f è continua in $(-3, 70)$?

- 1) L'immagine di f è contenuta in una semiretta positiva
- 2) f ha per immagine un intervallo limitato
- 3) f non ha massimo su $[1, 2]$
- 4) Nessuna delle altre risposte è giusta

D.10) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = -9/2$

- 1) nessuna delle altre risposte è giusta
- 2) nessuna soluzione
- 3) due soluzioni distinte
- 4) una soluzione

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

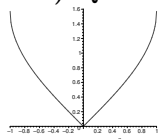
- 1) nessuna soluzione
- 2) due soluzioni distinte
- 3) una soluzione
- 4) nessuna delle altre risposte è giusta

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 4

| | | | | | | | | | | | |
|-----------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Risposte | | | | | | | | | | | |
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- 1) $|\arcsin(x)|$
- 2) $\arcsin(x)$
- 3) $\text{sign}(x) \arccos(x)$
- 4) $|\arctan(x)|$

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) dipende $a \in \mathbb{R}$
- 2) e' 5 solo per qualche $a \in \mathbb{R}$
- 3) esiste ed e' indipendente da $a \in \mathbb{R}$
- 4) non esiste per qualche $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{-2x^3 - 14x + 2x^2 + 14}{4x^3 + 2x - 2x^4 - 3x^2 - 1}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 16/3$
- 2) nessuna delle altre risposte è giusta
- 3) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \infty$
- 4) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ non è definito

D.4) Se $f(x) = \sqrt{1-x} - 1$, allora

- 1) f non ha minimo
- 2) f ha minimo
- 3) f ha minimo sull'intervallo $(-3, -1)$
- 4) f ha massimo

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 2) ha minimo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 3) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$
- 4) ha un asintoto orizzontale

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) ha minimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 2) ha un asintoto verticale $x = 4$
- 3) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 4) non ha limite per $x \rightarrow 4$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 3) f e' limitata sulla semiretta $(1, \infty)$
- 4) f e' una funzione costante

D.8) Data la funzione f definita da:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(2x + 1) & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ \frac{\sin(x)}{x} - 1 & x < 0 \end{cases}$$

- 1) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è $-\infty$
- 2) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 0
- 3) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 1
- 4) non esiste il limite ma esistono i limiti destro e sinistro

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia una e una sola radice reale?

- 1) Abbia termine noto uguale a zero
- 2) Sia di grado pari
- 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) Sia di grado 1

D.10) Per quali valori del parametro reale k l'equazione $|x - 1|^3 + 4 = k$ ammette almeno 2 soluzioni reali distinte?

- 1) $k \geq 0$
- 2) Per nessun valore di k
- 3) $k \in \mathbb{R}$
- 4) $k > 4$

D.11) L'equazione $|\sqrt{|x|} - 4| = k$

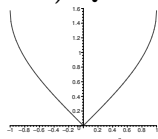
- 1) ammette 2 soluzioni distinte per $k \in (0, 4)$
- 2) ammette 4 soluzioni distinte per $k = 4$
- 3) nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) ammette 3 soluzioni distinte per $k = 4$

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 5

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- | | |
|-----------------|--------------------------------|
| 1) $\arctan(x)$ | 2) $ \arcsin(x) $ |
| 3) $\arccos(x)$ | 4) $\text{sign}(x) \arccos(x)$ |

D.2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - x - 2}{x^3 - 2x^2 - 13x - 10}$

- 1) esiste finito
- 2) non esiste ma esistono e sono finiti i limiti destro e sinistro
- 3) non esiste ma esistono e sono infiniti i limiti destro e sinistro
- 4) non esiste

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- | | |
|---|---|
| 1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -3/2$ | 2) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = \infty$ |
| 3) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 3$ | 4) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = -\infty$ |

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) ha in $[0, 2]$ massimo uguale a 3
- 2) ha in $[0, 2]$ minimo uguale a 3
- 3) ha in $[1/2, 8]$ massimo uguale a 4
- 4) raggiunge il massimo in $[1/2, 8]$ per $x = 4$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$
- 2) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow +\infty$
- 3) ha massimo positivo sull'intervallo $[-3, 0]$
- 4) ha due asintoti verticali

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) ha massimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 3) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow 0^+$
- 4) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow -\infty$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 2) f e' una funzione costante
- 3) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
- 4) Nessuna delle altre risposte è giusta

D.8) La funzione definita da

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{8 - 2x^2} & \text{se } |x| < \sqrt{2} \\ k & \text{se } |x| \geq \sqrt{2} \end{cases}$$

- 1) è continua su \mathbb{R} per $k = 8$
- 2) è continua su \mathbb{R} per un solo valore di $k \in \mathbb{R}$
- 3) è continua su \mathbb{R} per almeno tre valori di $k \in \mathbb{R}$
- 4) è continua su \mathbb{R} per ogni $k \in \mathbb{R}$

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia almeno una radice reale?

- 1) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 2) Abbia limiti diversi per x che tende a $\pm\infty$
- 3) Abbia limite uguale a $-\infty$ per x che tende a $-\infty$
- 4) Sia di grado pari

D.10) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = -9/2$

- 1) due soluzioni distinte
- 2) nessuna soluzione
- 3) una soluzione
- 4) nessuna delle altre risposte è giusta

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

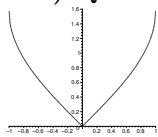
- 1) due soluzioni distinte
- 2) nessuna soluzione
- 3) nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) una soluzione

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 6

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- | | |
|-----------------|-------------------|
| 1) $\arcsin(x)$ | 2) $ \arcsin(x) $ |
| 3) $\arccos(x)$ | 4) $ \arctan(x) $ |

D.2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - x - 2}{x^3 - 2x^2 - 13x - 10}$

- 1) è $\frac{-1}{2}$
- 2) è $\frac{1}{2}$
- 3) non esiste ma esiste il limite destro e vale $-\infty$
- 4) è $+\infty$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ non è definito
- 2) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = -8/3$
- 3) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 0$
- 4) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 0$

D.4) Se $f(x) = \sqrt{1-x} - 1$, allora

- 1) f non ha massimo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 2) il valore minimo di f sull'intervallo $[-3, 0]$ è negativo
- 3) f non ha minimo
- 4) f non ha massimo sull'intervallo $[-3, 0)$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) ha due asintoti verticali
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 3) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow -\infty$
- 4) ha minimo sull'intervallo $(-3, 0)$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x-4}{x^2+3x}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 3) ha un asintoto orizzontale e due verticali
- 4) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow +\infty$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) f e' limitata sulla semiretta $(1, \infty)$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 3) f e' una funzione costante
- 4) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 3$

D.8) Data la funzione f definita da:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(2x + 1) & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ \frac{\sin(x)}{x} - 1 & x < 0 \end{cases}$$

- 1) la funzione è continua
- 2) non esiste il limite ma esistono i limiti destro e sinistro
- 3) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 1
- 4) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 0

D.9) Cosa posso affermare sapendo che la funzione f e' continua in $(-3, 70)$?

- 1) f ha per immagine un intervallo limitato
- 2) f ha massimo su $(1, 2)$
- 3) L'immagine di f è contenuta in una semiretta positiva
- 4) f ha per immagine un intervallo

D.10) Per quali valori del parametro reale k l'equazione $|x - 1|^3 + 4 = k$ ammette almeno 2 soluzioni reali distinte?

- | | |
|---------------|-----------------------------|
| 1) $k > 4$ | 2) Per nessun valore di k |
| 3) $k \geq 0$ | 4) $k < 4$ |

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

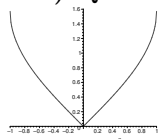
- 1) due soluzioni distinte
- 2) nessuna delle altre risposte è giusta
- 3) nessuna soluzione
- 4) una soluzione

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 7

| | | | | | | | | | | | |
|-----------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Risposte | | | | | | | | | | | |
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- | | |
|-------------------|-------------------|
| 1) $ \arctan(x) $ | 2) $\arcsin(x)$ |
| 3) $\arccos(x)$ | 4) $ \arcsin(x) $ |

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) e' 5 solo per qualche $a \in \mathbb{R}$
- 2) esiste ed e' indipendente da $a \in \mathbb{R}$
- 3) e' 0 per ogni $a \in \mathbb{R}$
- 4) dipende $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) nessuna delle altre risposte è giusta
- 2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
- 3) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = 0$
- 4) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = 0$

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) raggiunge il minimo in $[0, 2]$ per $x = 0$
- 2) ha in $[1/2, 8]$ minimo uguale a $-27/4$
- 3) non ha minimo in $[0, 2]$
- 4) ha in $[0, 2]$ massimo uguale a 3

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 2) ha un asintoto verticale
- 3) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$
- 4) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -\infty$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) ha un asintoto orizzontale $y = 4$
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 3) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow -\infty$
- 4) ha un asintoto orizzontale e due verticali

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) f e' una funzione costante
- 2) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 3) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
- 4) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$

D.8) Data la funzione f definita da:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(2x + 1) & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ \frac{\sin(x)}{x} - 1 & x < 0 \end{cases}$$

- 1) non esiste il limite ma esistono i limiti destro e sinistro
- 2) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è $-\infty$
- 3) la funzione è continua
- 4) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 0

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia almeno una radice reale?

- 1) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 2) Abbia limiti diversi per x che tende a $\pm\infty$
- 3) Abbia limite uguale a $-\infty$ per x che tende a $-\infty$
- 4) Sia di grado pari

D.10) Per quali valori del parametro reale k l'equazione $|x - 1|^3 + 4 = k$ ammette almeno 2 soluzioni reali distinte?

- 1) $k \geq 0$
- 2) Per nessun valore di k
- 3) Nessuna delle altre soluzioni e' giusta
- 4) $k < 4$

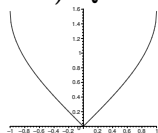
D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

- 1) una soluzione
- 2) nessuna delle altre risposte è giusta
- 3) due soluzioni distinte
- 4) nessuna soluzione

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- | | |
|-------------------|--------------------------------|
| 1) $\arcsin(x)$ | 2) $ \arcsin(x) $ |
| 3) $ \arctan(x) $ | 4) $\text{sign}(x) \arccos(x)$ |

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) e' 0 per ogni $a \in \mathbb{R}$
- 2) dipende $a \in \mathbb{R}$
- 3) esiste ed e' indipendente da $a \in \mathbb{R}$
- 4) non esiste per qualche $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
- 2) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -\infty$
- 3) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ non è definito
- 4) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$

D.4) Se $f(x) = \sqrt{1-x} - 1$, allora

- 1) f non ha minimo
- 2) f non ha massimo sull'intervallo $[-3, 0)$
- 3) f ha minimo
- 4) f ha minimo sull'intervallo $(-3, -1)$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 2) ha un asintoto verticale
- 3) ha minimo sull'intervallo $(-3, 0)$
- 4) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -\infty$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4$
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 3) ha un asintoto orizzontale $y = 0$
- 4) ha un asintoto verticale $x = 4$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$

afferma che

- 1) f e' una funzione costante
- 2) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
- 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$

D.8) La funzione definita da

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{8 - 2x^2} & \text{se } |x| < \sqrt{2} \\ k & \text{se } |x| \geq \sqrt{2} \end{cases}$$

- 1) è continua su \mathbb{R} per almeno tre valori di $k \in \mathbb{R}$
- 2) è continua su \mathbb{R} per ogni $k \in \mathbb{R}$
- 3) è continua su \mathbb{R} per $k = 2$
- 4) è discontinua per ogni $k \in \mathbb{R}$

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia almeno una radice reale?

- 1) Sia di grado pari
- 2) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 3) Abbia termine noto uguale a zero
- 4) Abbia limite uguale a $-\infty$ per x che tende a $-\infty$

D.10) Per quali valori del parametro reale k l'equazione $|x - 1|^3 + 4 = k$ ammette almeno 2 soluzioni reali distinte?

- 1) $k \in \mathbb{R}$
- 2) $k \geq 0$
- 3) $k < 4$
- 4) $k > 4$

D.11) L'equazione $|\sqrt{|x|} - 4| = k$

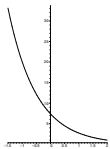
- 1) ammette 4 soluzioni distinte per $k = 4$
- 2) ammette 4 soluzioni distinte per $k \in (4, \infty)$
- 3) ammette almeno 2 soluzioni distinte per $k \in [0, \infty)$
- 4) ammette 2 soluzioni distinte per $k \in (0, 4)$

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 9

| Risposte | | | | | | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è meglio rappresentata dal seguente



grafico? Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- 1) e^{-2+4x} 2) e^{2-4x}
 3) $-\ln(2+4x)$ 4) $-e^{2-4x}$

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) dipende $a \in \mathbb{R}$
 2) esiste ed e' indipendente da $a \in \mathbb{R}$
 3) e' 5 solo per qualche $a \in \mathbb{R}$
 4) non esiste per qualche $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ 2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -3/2$
 3) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -3/2$ 4) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -\infty$

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) non ha minimo in $[1/2, 8]$
 2) raggiunge il minimo in $[1/2, 8]$ per $x = 3$
 3) non ha minimo in $[0, 2]$
 4) ha in $[1/2, 8]$ minimo uguale a $-27/4$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$
 2) ha due asintoti verticali
 3) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
 4) ha un asintoto verticale

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -3^+$
 2) ha un asintoto verticale $x = 4$
 3) ha massimo positivo sull'intervallo $(-3, 0)$
 4) non ha limite per $x \rightarrow 4$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$
 2) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 3$
 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
 4) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$

D.8) La funzione definita da

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{8 - 2x^2} & \text{se } |x| < \sqrt{2} \\ k & \text{se } |x| \geq \sqrt{2} \end{cases}$$

- 1) è continua su \mathbb{R} per $k = 8$
 2) è continua su \mathbb{R} per $k = 0$
 3) è discontinua per ogni $k \in \mathbb{R}$
 4) non è continua se $k \neq 2$

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia almeno una radice reale?

- 1) Abbia limite uguale a $-\infty$ per x che tende a $-\infty$
 2) Sia di grado pari
 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
 4) Abbia termine noto uguale a zero

D.10) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = -9/2$

- 1) nessuna soluzione
 2) nessuna delle altre risposte è giusta
 3) due soluzioni distinte
 4) una soluzione

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

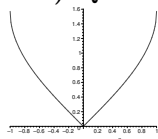
- 1) nessuna delle altre risposte è giusta
 2) una soluzione
 3) nessuna soluzione
 4) due soluzioni distinte

Firma
Analisi Matematica 1 - ICI - 21 Ottobre 2005
n. 10

| | | | | | | | | | | | |
|-----------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|
| Risposte | | | | | | | | | | | |
| Domande | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

D.1) Quale funzione è rappresentata dal seguente grafico?



Non si tenga conto dei numeri riportati sugli assi.

- 1) $\text{sign}(x) \arccos(x)$
- 2) $|\arcsin(x)|$
- 3) $\arccos(x)$
- 4) $|\arctan(x)|$

D.2)

$$\lim_{x \rightarrow 0} ax^2 + 3x + 5$$

- 1) e' 5 solo per qualche $a \in \mathbb{R}$
- 2) dipende $a \in \mathbb{R}$
- 3) e' 5 per ogni $a \in \mathbb{R}$
- 4) e' 0 per ogni $a \in \mathbb{R}$

D.3) Se $f(x) = \frac{3x^3 + 21x - 3x^2 - 21}{-2x^3 - x - 2x^4 + 3x^2 + 2}$, allora

- 1) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 3$
- 2) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = -\infty$
- 3) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = \infty$
- 4) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ non è definito

D.4) La funzione $f(x) = |x^2 - 2x - 3|$

- 1) ha in $[1/2, 8]$ minimo uguale a $-27/4$
- 2) raggiunge il minimo in $[0, 2]$ per $x = 1$
- 3) raggiunge il massimo in $[1/2, 8]$ per $x = 4$
- 4) raggiunge il minimo in $[0, 2]$ per $x = 0$ e $x = 2$

D.5) La funzione definita da $f(x) = \frac{x^2 + 3x}{x - 4}$

- 1) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 2) ha massimo positivo sull'intervallo $[-3, 0]$
- 3) ha limite $+\infty$ per $x \rightarrow -\infty$
- 4) non ha limite per $x \rightarrow 4^-$

D.6) La funzione definita da $f(x) = \frac{x - 4}{x^2 + 3x}$

- 1) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow 0^+$
- 2) non ha limite per $x \rightarrow 4^+$
- 3) ha un asintoto orizzontale $y = 4$
- 4) ha limite $-\infty$ per $x \rightarrow -\infty$

D.7) Sia f una funzione reale di variabile reale. La seguente proposizione:

esiste $\epsilon > 0$ tale che per ogni $\delta > 0$, da $x \in (1, 1 + \delta)$ segue $|f(x) - 3| < \epsilon$
 afferma che

- 1) f vale 3 sulla semiretta $(1, \infty)$
- 2) f e' limitata sulla semiretta $(1, \infty)$
- 3) f e' una funzione costante
- 4) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = 1$

D.8) Data la funzione f definita da:

$$f(x) = \begin{cases} x \ln(2x + 1) & x > 0 \\ 1 & x = 0 \\ \frac{\sin(x)}{x} - 1 & x < 0 \end{cases}$$

- 1) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 1
- 2) la funzione è continua
- 3) il limite di $f(x)$ per x che tende a zero è 0
- 4) non esiste il limite ma esistono i limiti destro e sinistro

D.9) Quale delle seguenti ipotesi è sufficiente affinché un polinomio abbia una e una sola radice reale?

- 1) Abbia termine noto uguale a zero
- 2) Sia di grado 1
- 3) Nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) Sia di grado pari

D.10) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = -9/2$

- 1) due soluzioni distinte
- 2) una soluzione
- 3) nessuna delle altre risposte è giusta
- 4) nessuna soluzione

D.11) Determinare il numero delle soluzioni reali e distinte dell'equazione $\sqrt[3]{|x|} = 9/2$

- 1) due soluzioni distinte
- 2) una soluzione
- 3) nessuna soluzione
- 4) nessuna delle altre risposte è giusta

