

Risposte														
Domande	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

Domanda 1) Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -2(y(x))^5 x \quad y(0) = -3$$

- 1) $y(x) = -\frac{1}{\sqrt[4]{4x^2 + \frac{1}{81}}}$
- 2) non ci sono soluzioni
- 3) $y(x) = 0$
- 4) $y(x) = -\frac{1}{\sqrt[4]{6x^2 + \frac{1}{81}}}$

Domanda 2) Calcolare il valore per $x = -1/3$ della soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -2(y(x))^5 x \quad y(0) = -3$$

- 1) 0
- 2) $\frac{-1}{37}(37)^{3/4} \sqrt[4]{81}$
- 3) $-\frac{1}{55}(55)^{3/4} \sqrt[4]{81}$
- 4) la soluzione non è definita per $x = -1/3$

Domanda 3) Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 3i(t) = 4 \sin(4t).$$

- 1) Se $i(0) = 2$ allora $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$
- 2) Se $i(0) = 2$ allora $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{66}{25} e^{-3t}$
- 3) Se $i(0) = 2$ allora $i(t) = 4/3 - 2/3 e^{-3t}$
- 4) Se $i(0) = 0$ allora $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{66}{25} e^{-3t}$

Domanda 4) Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4.$$

- 1) $i(t)$ è costante se $i(0) = 5$
- 2) Se $i(0) = 5$, allora $i(1/4) = 1 - 1/2 e^{-1}$
- 3) Se $i(0) = 5$, allora $i(1/4) = 1 + 4e^{-1}$
- 4) Se $i(0) = 5$ allora $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$

Domanda 5) Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = 9/2$$

- 1) $y(x) = 3(2 + 4e^{-6x})^{-1}$
- 2) non ci sono soluzioni
- 3) $y(x) = (1 - e^{-x})^{-1}$
- 4) $y(x) = 3(2 - 4/3 e^{-6x})^{-1}$

Domanda 6) Per quale dei seguenti valori di $x_0 \in \mathbb{R}$ la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

tende a $+\infty$ per $x \rightarrow +\infty$?

- 1) $x_0 = 3/2$
- 2) per nessun x_0 reale
- 3) $x_0 = 1/2$
- 4) $x_0 = -3$

Domanda 7) Per quale dei seguenti valori di $x_0 \in \mathbb{R}$ la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è costante?

- 1) $x_0 = -3$
- 2) $x_0 = 3/2$ e $x_0 = 0$
- 3) per nessun x_0 reale
- 4) $x_0 = 9/2$ e $x_0 = 3/2$

Domanda 8) Se l'intensità di corrente in un circuito è determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4$$

allora

- 1) $i(t)$ tende decrescendo a 1 se $i(0) = 1/2$
- 2) $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$ se $i(0) = 1/2$
- 3) $i(t)$ è costante se $i(0) = 5$
- 4) $i(t)$ tende crescendo a 1 se $i(0) = 5$

Domanda 9) Per quale dei seguenti valori di $x_0 \in \mathbb{R}$ la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è costante?

- 1) $x_0 = 9/2$ e $x_0 = 0$
- 2) $x_0 = 3/2$
- 3) per nessun x_0 reale
- 4) $x_0 = -3$

Domanda 10) Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = 9/2$$

- 1) $y(x) = (1 - e^{-x})^{-1}$
- 2) non ci sono soluzioni
- 3) $y(x) = 3(2 - 4/3 e^{-6x})^{-1}$
- 4) $y(x) = 3(2 + 4e^{-6x})^{-1}$

Domanda 11) Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 3i(t) = 4 \sin(4t).$$

- 1) Se $i(0) = 2$ allora $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$
- 2) Se $i(0) = 0$ allora $i(t) = 4/3 - 2/3 e^{-3t}$
- 3) Se $i(0) = 0$ allora $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$
- 4) Se $i(0) = 2$ allora $i(t) = 4/3 + 4e^{-3t}$

Domanda 12) Per quale dei seguenti valori di $x_0 \in \mathbb{R}$ la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è decrescente e definita solo su una semiretta negativa?

- | | |
|---------------------------|----------------|
| 1) per nessun x_0 reale | 2) $x_0 = -3$ |
| 3) $x_0 = 3/2$ | 4) $x_0 = 1/2$ |

Domanda 13) Se l'intensità di corrente in un circuito è determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4$$

allora

- 1) $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$ se $i(0) = 5$
- 2) $i(t)$ tende decrescendo a 1 se $i(0) = 1/2$
- 3) se $i(0) = 1/2$, $i(1/4) = 1 + 4e^{-4t}$
- 4) $i(t)$ tende crescendo a 1 se $i(0) = 1/2$

Domanda 14) Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4.$$

- 1) Se $i(0) = 1/2$ allora $i(t) = 1 + 4e^{-4t}$
- 2) Se $i(0) = 1$ allora $i(t)$ è costante
- 3) Se $i(0) = 5$ allora $i(t)$ tende crescendo a 1
- 4) Se $i(0) = 5$ allora $i(t)$ è costante