

Risposte														
Domande	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

Scrivere il numero della risposta che si ritiene corretta sopra al numero della corrispondente domanda

**Domanda 1)** Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -2(y(x))^5 x \quad y(0) = -3$$

- 1)  $y(x) = -\frac{1}{\sqrt[4]{4x^2 + \frac{1}{81}}}$       2) non ci sono soluzioni  
3)  $y(x) = 0$       4)  $y(x) = -\frac{1}{\sqrt[4]{6x^2 + \frac{1}{81}}}$

**Domanda 2)** Calcolare il valore per  $x = -1/3$  della soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -2(y(x))^5 x \quad y(0) = -3$$

- 1) 0  
2)  $-\frac{1}{37}(37)^{3/4} \sqrt[4]{81}$   
3)  $-\frac{1}{55}(55)^{3/4} \sqrt[4]{81}$   
4) la soluzione non è definita per  $x = -1/3$

**Domanda 3)** Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 3i(t) = 4 \sin(4t).$$

- 1) Se  $i(0) = 2$  allora  $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$   
2) Se  $i(0) = 2$  allora  $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{66}{25} e^{-3t}$   
3) Se  $i(0) = 2$  allora  $i(t) = 4/3 - 2/3 e^{-3t}$   
4) Se  $i(0) = 0$  allora  $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{66}{25} e^{-3t}$

**Domanda 4)** Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4.$$

- 1)  $i(t)$  è costante se  $i(0) = 5$   
2) Se  $i(0) = 5$ , allora  $i(1/4) = 1 - 1/2 e^{-1}$   
3) Se  $i(0) = 5$ , allora  $i(1/4) = 1 + 4e^{-1}$   
4) Se  $i(0) = 5$  allora  $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$

**Domanda 5)** Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = 9/2$$

- 1)  $y(x) = 3(2 + 4e^{-6x})^{-1}$       2) non ci sono soluzioni  
3)  $y(x) = (1 - e^{-x})^{-1}$       4)  $y(x) = 3(2 - 4/3 e^{-6x})^{-1}$

**Domanda 6)** Per quale dei seguenti valori di  $x_0 \in \mathbb{R}$  la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

tende a  $+\infty$  per  $x \rightarrow +\infty$  ?

- 1)  $x_0 = 3/2$       2) per nessun  $x_0$  reale  
3)  $x_0 = 1/2$       4)  $x_0 = -3$

**Domanda 7)** Per quale dei seguenti valori di  $x_0 \in \mathbb{R}$  la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è costante?

- 1)  $x_0 = -3$       2)  $x_0 = 3/2$  e  $x_0 = 0$   
3) per nessun  $x_0$  reale      4)  $x_0 = 9/2$  e  $x_0 = 3/2$

**Domanda 8)** Se l'intensità di corrente in un circuito è determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4$$

allora

- 1)  $i(t)$  tende decrescendo a 1 se  $i(0) = 1/2$   
2)  $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$  se  $i(0) = 1/2$   
3)  $i(t)$  è costante se  $i(0) = 5$   
4)  $i(t)$  tende crescendo a 1 se  $i(0) = 5$

**Domanda 9)** Per quale dei seguenti valori di  $x_0 \in \mathbb{R}$  la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è costante?

- 1)  $x_0 = 9/2$  e  $x_0 = 0$       2)  $x_0 = 3/2$   
3) per nessun  $x_0$  reale      4)  $x_0 = -3$

**Domanda 10)** Determinare la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = 9/2$$

- 1)  $y(x) = (1 - e^{-x})^{-1}$       2) non ci sono soluzioni  
3)  $y(x) = 3(2 - 4/3 e^{-6x})^{-1}$       4)  $y(x) = 3(2 + 4e^{-6x})^{-1}$

**Domanda 11)** Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 3i(t) = 4 \sin(4t).$$

- 1) Se  $i(0) = 2$  allora  $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$
- 2) Se  $i(0) = 0$  allora  $i(t) = 4/3 - 2/3 e^{-3t}$
- 3) Se  $i(0) = 0$  allora  $i(t) = -\frac{16}{25} \cos(4t) + \frac{12}{25} \sin(4t) + \frac{16}{25} e^{-3t}$
- 4) Se  $i(0) = 2$  allora  $i(t) = 4/3 + 4e^{-3t}$

**Domanda 12)** Per quale dei seguenti valori di  $x_0 \in \mathbb{R}$  la soluzione del seguente problema ai valori iniziali

$$\frac{d}{dx}y(x) = -4(y(x))^2 + 6y(x) \quad y(0) = x_0$$

è decrescente e definita solo su una semiretta negativa?

- |                           |                |
|---------------------------|----------------|
| 1) per nessun $x_0$ reale | 2) $x_0 = -3$  |
| 3) $x_0 = 3/2$            | 4) $x_0 = 1/2$ |

**Domanda 13)** Se l'intensità di corrente in un circuito è determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4$$

allora

- 1)  $i(t) = 1 - 1/2 e^{-4t}$  se  $i(0) = 5$
- 2)  $i(t)$  tende decrescendo a 1 se  $i(0) = 1/2$
- 3) se  $i(0) = 1/2$ ,  $i(1/4) = 1 + 4e^{-4t}$
- 4)  $i(t)$  tende crescendo a 1 se  $i(0) = 1/2$

**Domanda 14)** Supponiamo che l'intensità di corrente in un circuito sia determinata dall'equazione differenziale

$$\frac{d}{dt}i(t) + 4i(t) = 4.$$

- 1) Se  $i(0) = 1/2$  allora  $i(t) = 1 + 4e^{-4t}$
- 2) Se  $i(0) = 1$  allora  $i(t)$  è costante
- 3) Se  $i(0) = 5$  allora  $i(t)$  tende crescendo a 1
- 4) Se  $i(0) = 5$  allora  $i(t)$  è costante